

3. Generarea combinărilor

Se citesc două numere naturale n și c , cu $1 \leq c \leq n$. Se cere să se tipărească toate combinările de n elemente luate câte c , în ordine lexicografică. **De exemplu**, pentru $n=3$ și $c=2$ avem combinările :
1 2, 1 3, 2 3.

Definiție: Fie A o mulțime cu n elemente. Combinările de n elemente luate câte c sunt toate submulțimile ale lui A care au fiecare câte c elemente.

Reprezentarea soluției: - fiecare componentă are valori în mulțimea $\{1,2,\dots,n\}$
-soluția are c componente

Condiția de validare: - componentele unei soluții sunt diferite (condiția de la permutări)
- componentele unei soluții le scriem în ordine crescătoare

Din cele două condiții rămâne doar condiția ca soluția să aibă componentele în ordine crescătoare.

Pentru soluția parțială $(x_1, x_2, \dots, x_{k-1})$ avem $x_1 < x_2 < \dots < x_{k-1}$. Pentru a trece la soluția următoare $(x_1, x_2, \dots, x_{k-1}, x_k)$ mai trebuie să verificăm doar condiția: $x_{k-1} < x_k$.

Numărul combinărilor: $C_n^c = \frac{n!}{n!(n-c)!}$

Varianta iterativă

```
1. #include<iostream>
2. using namespace std;
3. int x[30];
4. int n,c,nr;
5.
6. void tipar()
7. {
8.     int i;
9.     for(i=1;i<=c;i++)
10.         cout<<x[i]<<' ';
11.     cout<<'\n';
12.     nr++;
13. }
14.
15. int valid(int k)
16. {
17.     int i;
18.     if(x[k]>x[k-1])return 1;
19.     return 0;
20. }
21.
22. void back()
23. {
24.     int i,k=1;
25.     x[1]=0;
26.     while(k>0)//stiva nu este vida
27.     {
28.         while(x[k]<n)
29.         {
30.             x[k]=x[k]+1;
31.             if(valid(k))
32.                 if(k==c) tipar();
33.                 else{k=k+1;x[k]=0;}
34.         }
35.         k=k-1;
36.     }
37. }
38.
39. int main()
40. { x[0]=0; //valoarea inițială
41.   cin>>n;
42.   cin>>c;
43.   back();
44.   cout<<nr;
45. }
```

Varianta recursivă

```
1. #include<iostream>
2. using namespace std;
3. int x[30];
4. int n,c,nr;
5.
6. void tipar()
7. {
8.     int i;
9.     for(i=1;i<=c;i++)
10.         cout<<x[i]<<' ';
11.     cout<<'\n';
12.     nr++;
13. }
14.
15. int valid(int k)
16. {
17.     int i;
18.     if(x[k]>x[k-1])return 1;
19.     return 0;
20. }
21.
22. void back(int k)
23. {
24.     int i;
25.     if(k==c+1)tipar();
26.     else
27.         for(i=1;i<=n;i++)
28.         {
29.             x[k]=i;
30.             if(valid(k)) back(k+1);
31.         }
32. }
33.
34. int main()
35. { x[0]=0; //valoarea inițială
36.   cin>>n;
37.   cin>>c;
38.   back(1);
39.   cout<<nr;
40. }
```